

P. Rivard, **Un lemme de Schwarz-Pick à points multiples**, *Mémoire de maîtrise, Université Laval*, 2007.

Résumé

Le but de cet ouvrage est de montrer, grâce à l'introduction d'éléments de théorie géométrique, comment il est possible d'apporter de nouvelles idées à la résolution d'un problème d'interpolation connu sous le nom de *problème classique de Nevanlinna-Pick* et qui s'énonce comme suit: étant donné n points distincts z_1, \dots, z_n et n points w_1, \dots, w_n tous appartenant au disque unité \mathbf{D} , déterminer des conditions suffisantes et nécessaires assurant l'existence d'une fonction analytique $f : \mathbf{D} \rightarrow \mathbf{D}$ satisfaisant $f(z_i) = w_i$ pour $i = 1, \dots, n$. Une solution complète fut apportée d'abord par Pick en 1916 et indépendamment par Nevanlinna en 1919. Une toute nouvelle approche sera donc présentée dans ce travail utilisant la géométrie hyperbolique, de même qu'une version à points multiples du lemme de Schwarz-Pick.