

J. Rostand, **Sur les automorphismes de la boule unité spectrale**, *Thèse de doctorat, Univ. Laval, 2000.*

Résumé

Le but de cette thèse est d'apporter des éléments nouveaux concernant le problème de la classification des automorphismes de la boule unité spectrale Ω . Le texte est divisé en trois chapitres. Dans le premier chapitre, on discute des résultats connus sur les automorphismes de Ω . On y voit, en particulier que l'on peut réduire notre étude aux automorphismes F de Ω tels que $F(0) = 0$ et $F'(0) = I$. Les automorphismes connus de ce type sont les conjugaisons. Au deuxième chapitre, on s'intéresse à la structure locale des conjugaisons au voisinage des matrices ayant toutes leurs valeurs propres distinctes. Des différents théorèmes obtenus, on montre qu'un automorphisme satisfaisant $F(0) = 0$ et $F'(0) = I$ est nécessairement une conjugaison au voisinage d'une telle matrice. Au dernier chapitre, on aborde le difficile problème des solutions globales de l'équation $F(x) = u(x)^{-1}xu(x)$. On obtient une solution u définie presque partout sur le domaine de F .